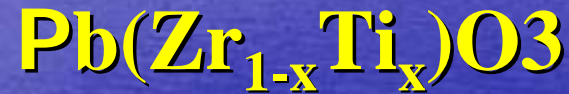


بِنامِ خدا

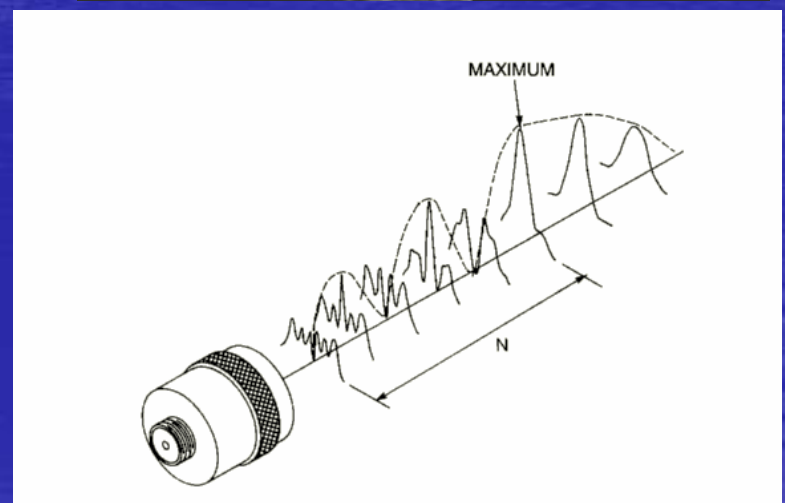
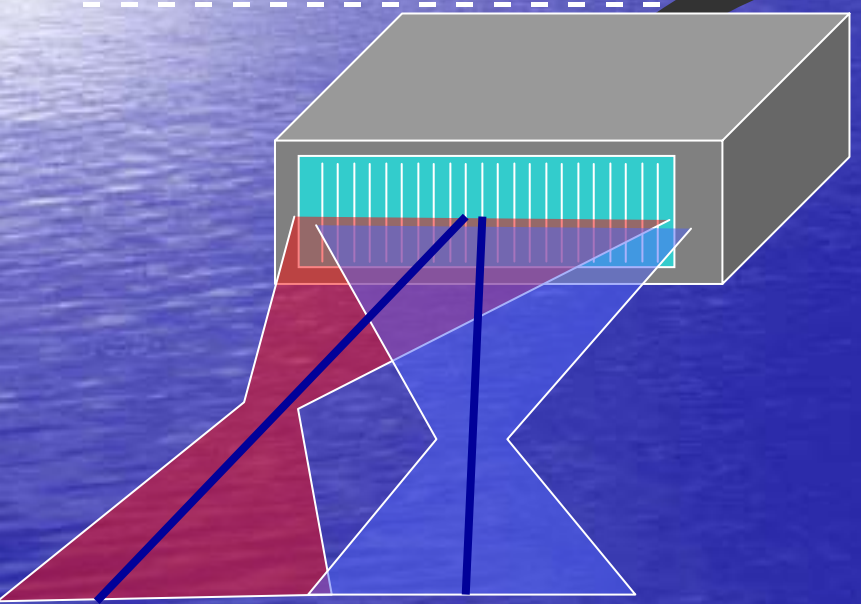
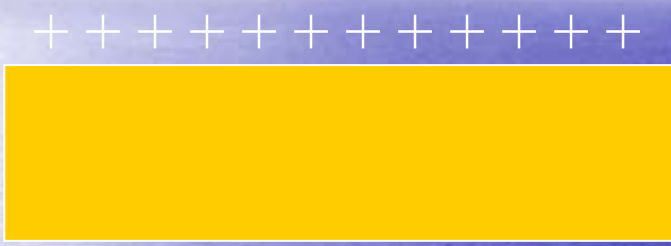
اثر افزایش تیتانیوم و کاهش تقارن بلوری در
خواص الکترونی ترکیب



باعدی. جواد، حسینی. سید محمد و کمپانی.
احمد

گروه فیزیک دانشگاه فردوسی مشهد

- مقدمه
- روش محاسبه
- ارائه نتایج
- نتیجه گیری
- مراجع



ثابت دی الکتریک بعضی مواد

۸۱,۱	• آب
۱۱,۱	• سلیکن
۶,۹	• شیشه
۱	• هوا
۲,۳	• پلی اتیلن
۷۰۰	• KNbO_3
۱۲۰۰	• PZT

مواد دی الکتریک شامل

- فرو الکتریک
- پیزو الکتریک
- پیرو الکتریک
- هر ترکیب دی الکتریک باید سه دارای ویژگی اساسی باشد
- دمای کوری با لا
- ثابت دی الکتریک زیاد
- گاف انرژی زیاد

ساختارهای بلوری پرو سکايت

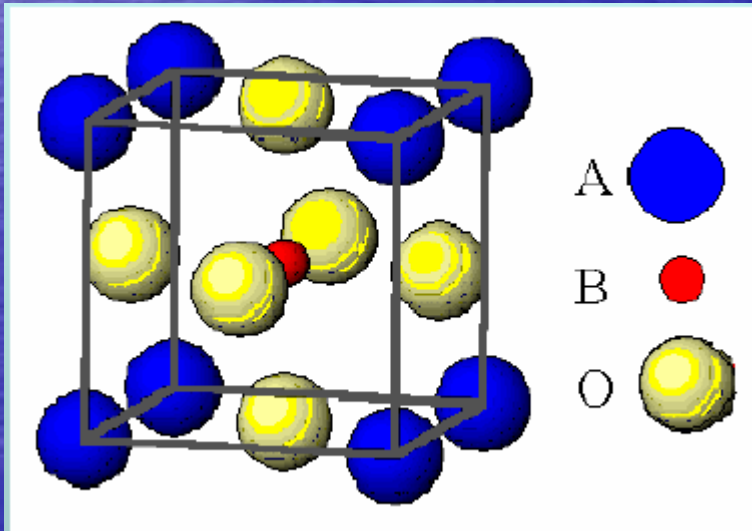
عموما با فرمول شیمیای ABO_3 متبلور می شود که A کاتیون و B آنیون است

$A(0,0,0)$

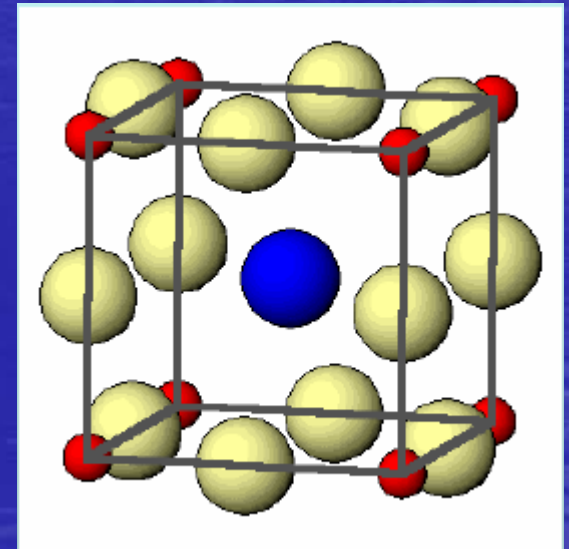
$B(1/2,1/2,1/2)$

$O(1/2,1/2,0 ; 1/2, 0,1/2 ; 0,1/2,1/2)$

موقعیت اتم ها در فاز مکعبی بدین شکل است

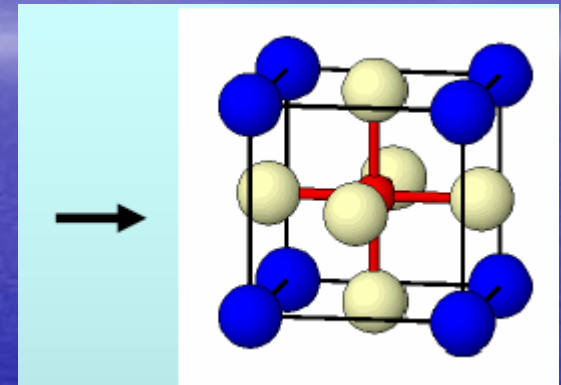


یا



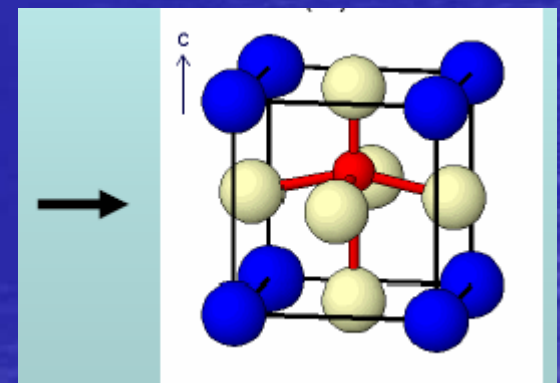
فازهای پارا و فرو الکتريک

پروسکایت فروالکتريک در بالای دمای کوری پارا الکتريک و در فاز مکعبی است



∨
∨
∨

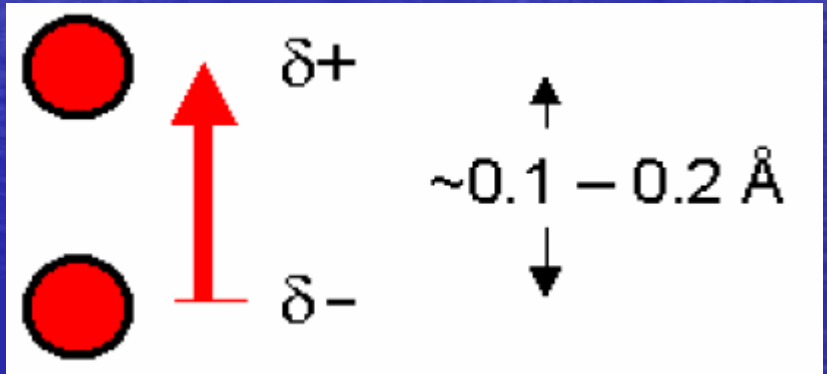
در پایین دمای کوری فرو لکتريک و در فاز بلوری غير مکعبی است



• پایین دمای کوری هیچ گشتاور خالص الکتریک در PbTiO_3 وجود ندارد

موقعیت تیتانیم در فاز تتراگونال

موقعیت تیتانیم در فاز مکعبی



روش محاسبات

(DFT)

• محاسبات در چارچوب نظریه تابعی چگالی دارد

density functional theory

• با استفاده از پتانسیل کامل امواج تخت تقویت شده خطی

full potential linearized augmented (FP-LAPW)
plane wave

• با تقریب شیب گرایان تعمیم یافته

generalized gradient approximation

Wien2k

• با استفاده از کدهای

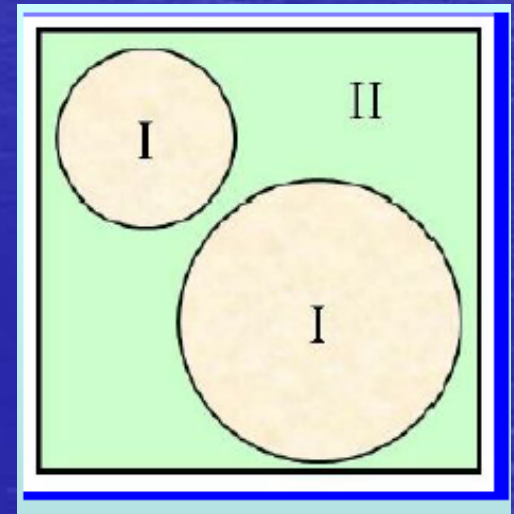
روش پتانسیل کامل امواج تخت تقویت شده خطی

FP-LAPW

- در روش امواج تخت تقویت شده خطی LAPW بر به دو قسمت تقسیم می شود

ناحیه I: درون کره ها نزدیک به هسته با پتانسیل شبه کروی

ناحیه II: ناحیه بین جا یگاهی و پتانسیل با تغییرات آرام



$$\varphi_{\mathbf{k},j}(\mathbf{r}) = \sum_{\mathbf{G}} c_j(\mathbf{k} + \mathbf{G}) \phi_{\mathbf{k}+\mathbf{G}}^{\text{LAPW}}(\mathbf{r})$$

LAPW

• تابع موج در روش

• با بسط توابع پایه براساس ترکیب خطی توابع شعاعی

(هارمونیکهای کروی) و مشتقاتشان بر حسب انرژی $u_l(r) Y_{lm}(r)$

$$\phi_{\mathbf{k}+\mathbf{G}}^{\text{LAPW}}(\mathbf{r}) = \begin{cases} \sum_{l,m}^{l_{\max}} \{A_{l,m}(\mathbf{k} + \mathbf{G}) u_l(r, \epsilon_l) + B_{l,m}(\mathbf{k} + \mathbf{G}) \dot{u}_l(r, \epsilon_l)\} Y_{l,m}(\phi, \theta) & \mathbf{r} \in I \\ \frac{1}{\sqrt{V}} e^{(\mathbf{k}+\mathbf{G})\mathbf{r}} & \mathbf{r} \in II \end{cases}$$

• و

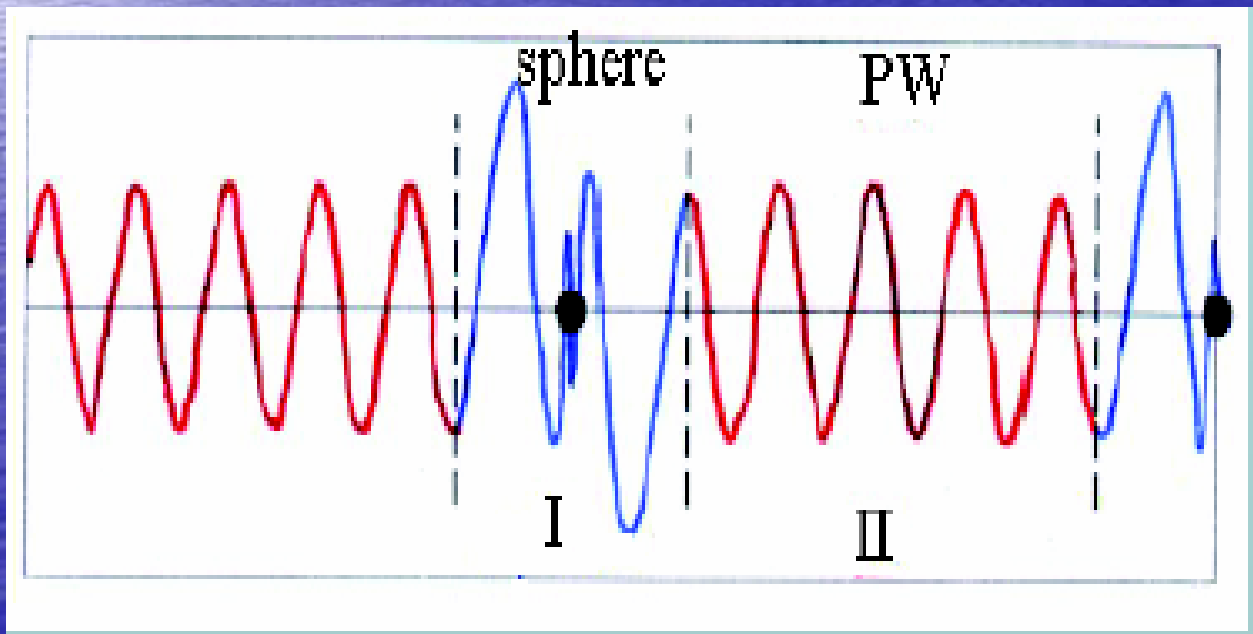
$$\left[-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2}{dr^2} + \frac{\hbar^2}{2m} \frac{l(l+1)}{r^2} + v(r) - \epsilon_l \right] r u_l(r, \epsilon_l) = 0$$

- که در آنها G بردار شبکه معکوس
- K بردار در اولین منطقه بریلوئن
- $A_{l,m}, B_{l,m}$ ضرایب بسط که از شرط پیوسته بودن توابع موج روی سطح کره مافین تین بدست می آید
- از آنجا که پتانسیل و چگالی بار شبه تابع موج در حواله هسته تغییرات زیادی دارد و در فواصل دور از هسته ها نسبتا آرام است میتوان آنها را بر حسب تابع موج تخت و هارمونیکهای کروی بسط داد

$$\text{Potentials } V(\vec{r}) = \begin{cases} \sum_{lm} V_{lm}(r) Y_{lm}(\hat{r}) \\ \sum_{\vec{k}} V_{\vec{k}} \exp(i\vec{k}\vec{r}) \end{cases}$$

$$\text{Densities } \rho(\vec{r}) = \begin{cases} \sum_{lm} \rho_{lm}(r) Y_{lm}(\hat{r}) \\ \sum_{\vec{k}} \rho_{\vec{k}} \exp(i\vec{k}\vec{r}) \end{cases}$$

تابع موج پایه در ناحیه بین جایگاهی I بصورت موج تخت و در نزدیک هسته ها داخل کره های مافین تین بصورت II هارمونیکهای گروی اتم در نظر گرفته می شود.

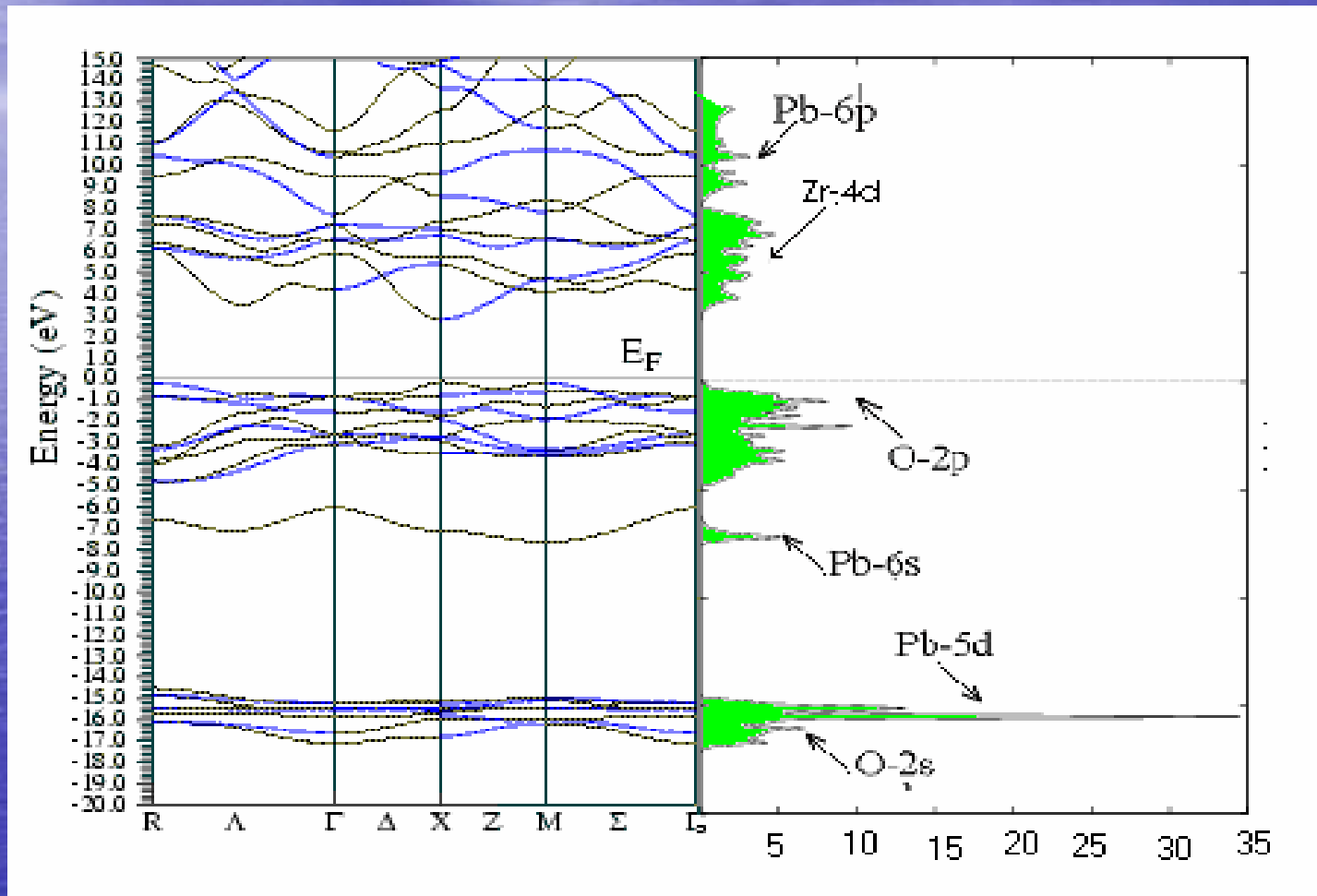


نتایج ترکیب $PbZrO_3$

- زیرکونات سرب دارای شبکه بلوری مربعی با ثابت شبکه $a=4.088\text{\AA}$ و گروه فضایی $pm3m$ و دارای ۳۲ تقارن بلوری است. در شکل ساختار نواری و چگالی انرژی محاسبه شده است که اندازه گاف انرژی مستقیم در نقطه $X E_g=3.16\text{eV}$ و یک گاف نواری غیر مستقیم بین بیشینه نوار ظرفیت در نقطه M و کمینه نوار هدایت در نقطه X مشاهده می شود. در چگالی حالت‌های کلی Pb, Zr, O رسم شده است. سهم اربیتال $Pb-5d$ زیر تراز فرمی در انرژی 15 eV - قوی می باشد و اربیتال $Zr-4d$ بالای سطح فرمی و اربیتال $O-2p$ دقیقاً در لبه زیر سطح فرمی دارای چگالی حالت هستند که این بخاطر هیبرید اسیون اربیتال‌های فوق ناشی از پیوند کووالانس $Zr-O$ می باشد.

PbZrO₃ چگالی حالتها و ساختار نوار ترکیب

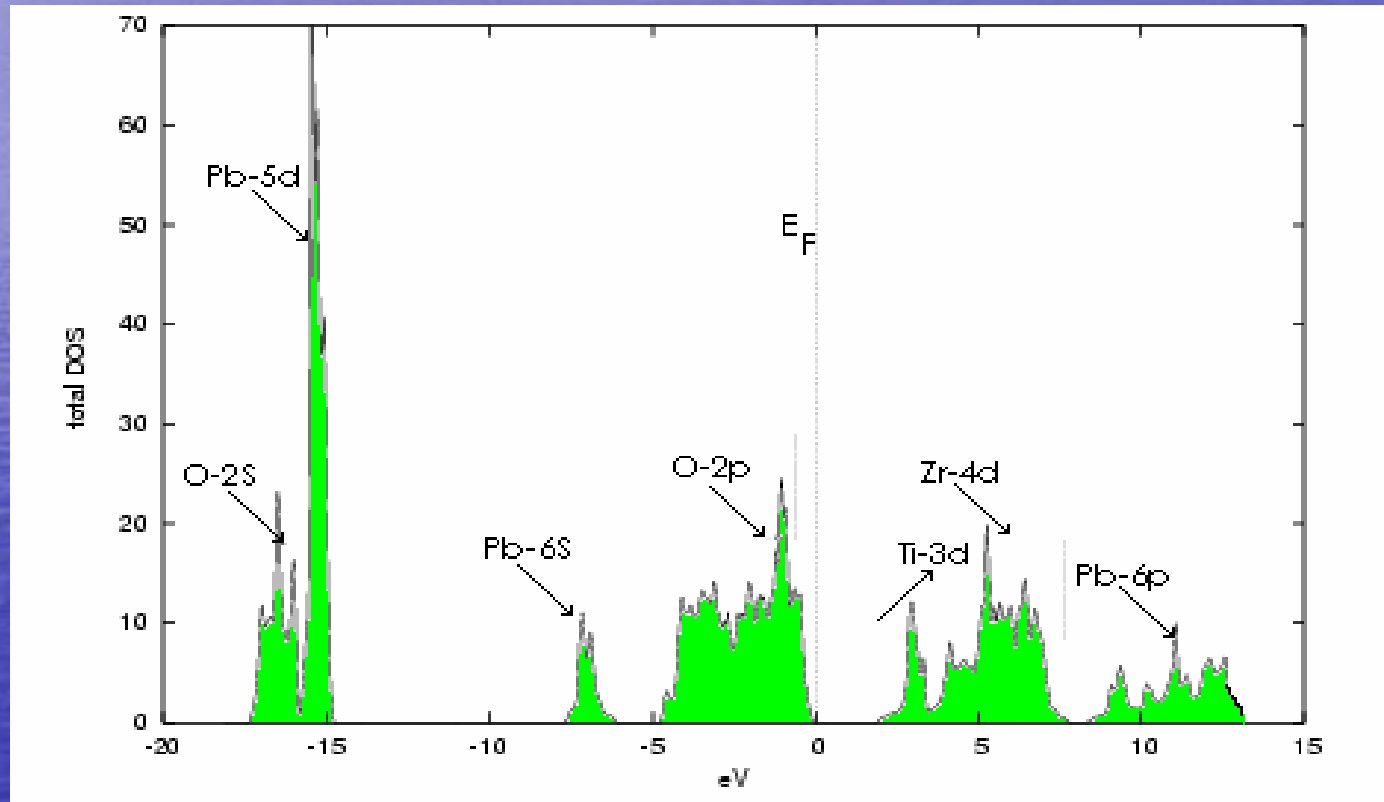
در فاز تتراگونال با $E_g = 3.16 \text{ eV}$



ترکیب $\text{Pb}(\text{Zr}_{0.66}\text{Ti}_{0.33})\text{O}_3$

- این ترکیب دارای شبکه تتراگونال و گروه فضا $P4mm$ با ثابت های
- شبکه $a=4.046, bA^\circ=c=4.136A^\circ$ می باشد. تعداد اتمها
- در ابر شبکه ۱۵ اتم می باشد که به ازای هر دو اتم Zr یک اتم Ti
- در راستای $\langle 001 \rangle$ جانشین اتم Zr می شود و تعداد تقارن های
- بلوری هشت تا می باشد. اندازه گاف غیر مسقیم $E_g=1.94\text{eV}$
- است و بعلت حضور اربیتالهای Ti-3d کاهش پیدا می کند.

Pb(Zr_{0.66}Ti_{0.33})O₃ چگالی حالت‌های کلی در ترکیب در فاز تتراگونال با $E_g = 1.94 \text{ eV}$



ترکیب $Pb(Zr_{1-x}Ti_x)O_3$

داده های تجربی اخیر تغییر فاز شبکه بلوری این ترکیب را به ازای $x = 0.50$ تا $x = 45$ به منوکلینک با گروه فضایی Cm با تعداد دو تقارن بلوری گزارش کرده اند. ثابت های شبکه به ترتیب $a=5.722\text{\AA}$, $b=5.710\text{\AA}$, $c=8.273\text{\AA}$

وزاویه بین بردار های اولیه به ترتیب $\alpha = 90.50^\circ$, $\beta = \gamma = 90^\circ$ اختیار شده است. بازای هر اتم Zr یک اتم Ti

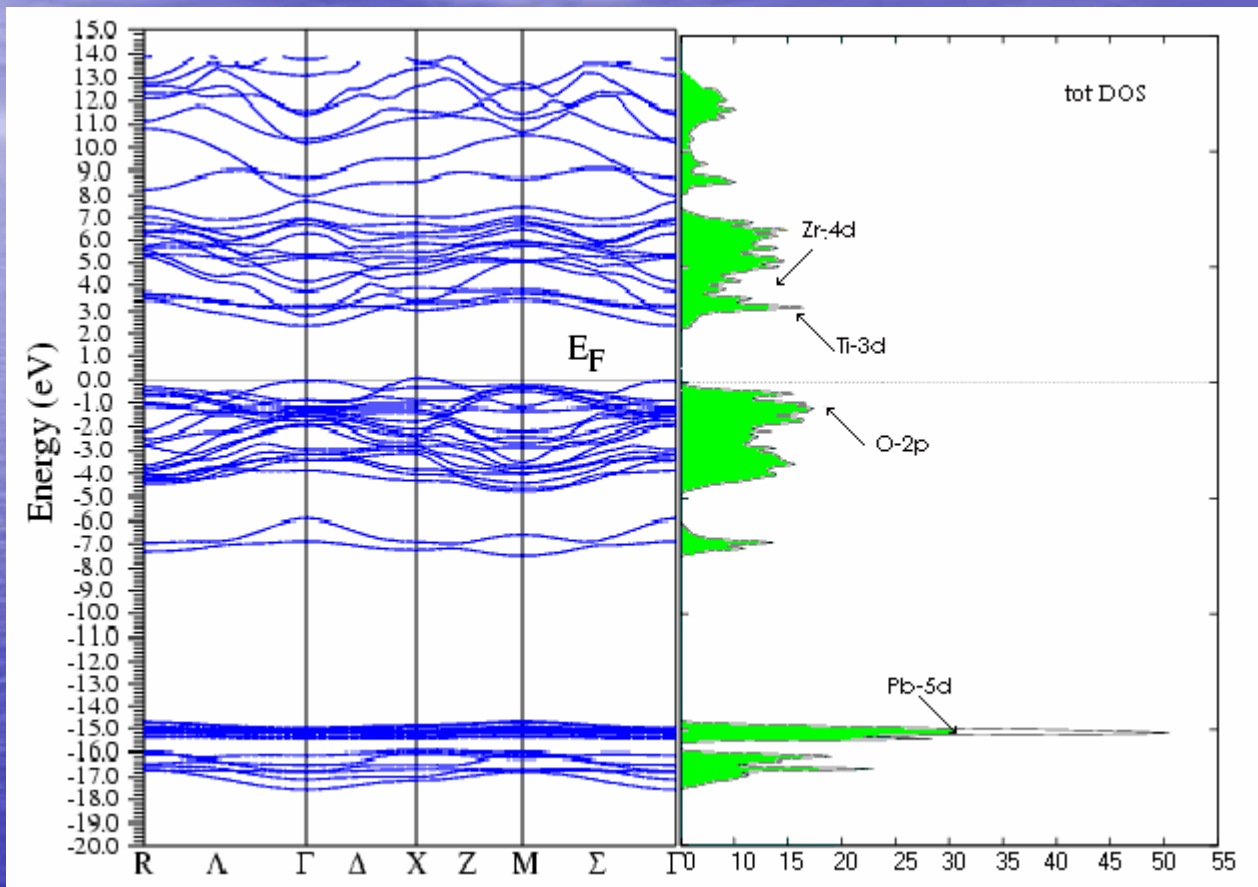
در راستای $\langle 001 \rangle$ جانشین شده است بدلیل این که اتم های کوچکتر می باشند، مکان اتم های Pb و Ti نسبت به ترکیب قبلی کمی تغییر می کند. برای این که داده های اولیه قابل اجرا در برنامه باشد، باید ساختار معادل رومبوهدرال

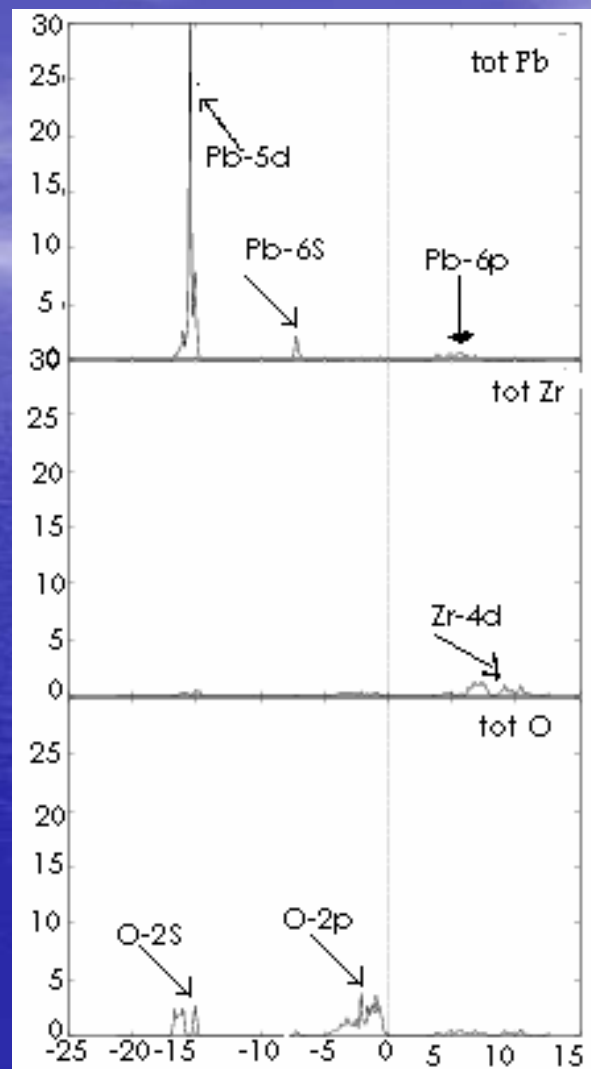
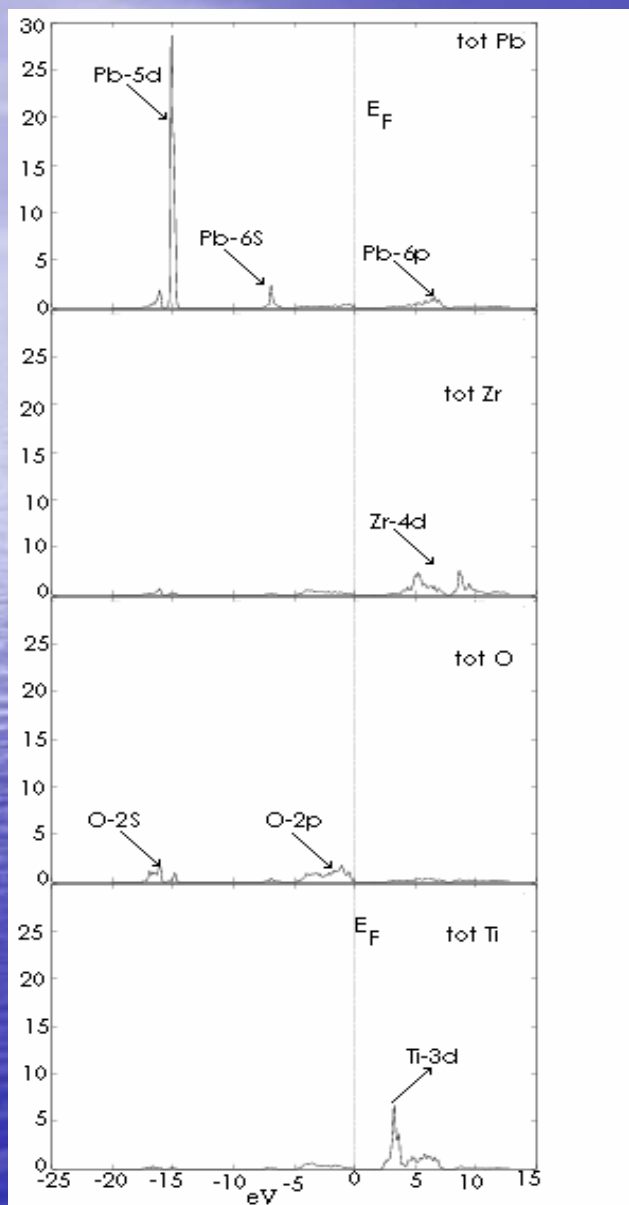
شبکه فوق را [10] محاسبه کرد. شعاع کره ما فین تین بر اساس طول پیوند بترتیب $RMT_{(Zr)} = 1.84(\text{\AA})$, $RMT_{(Ti)} = 1.80(\text{\AA})$, $RMT_{(O)} = 1.6(\text{\AA})$,

و $RMT_{(Pb)} = 2.4(\text{\AA})$ اختیار شده است. چگاتی حالتها در نوارهای رسانش عمدتاً از اربیتالها Ti-3d و Pb-6p و در نوارهای ظرفیت باریتا لهای Pb-6s, Pb-5d و O-2p است. علی رغم اینکه انتظار می رفت با افزایش تعداد اتم های Ti گاف انرژی کاهش پیدا کند، اندازه آن افزایش، و به مقدار $E_g = 2.3\text{ eV}$ می رسد.

تاثیر کاهش تعداد تقارن ها، در افزایش گاف انرژی بیشتر از تاثیر ازدیاد تعداد همپوشانی اربیتالهای Ti-3d با O-2P در کاهش گاف انرژی می باشد.

ساختار نواری و چگالی حالت‌های کل ترکیب $\text{Pb}(\text{Zr}_{0.5}\text{Ti}_{0.5})\text{O}_3$ در فاز
منو کلنیک با $E_g = 2.31 \text{ eV}$

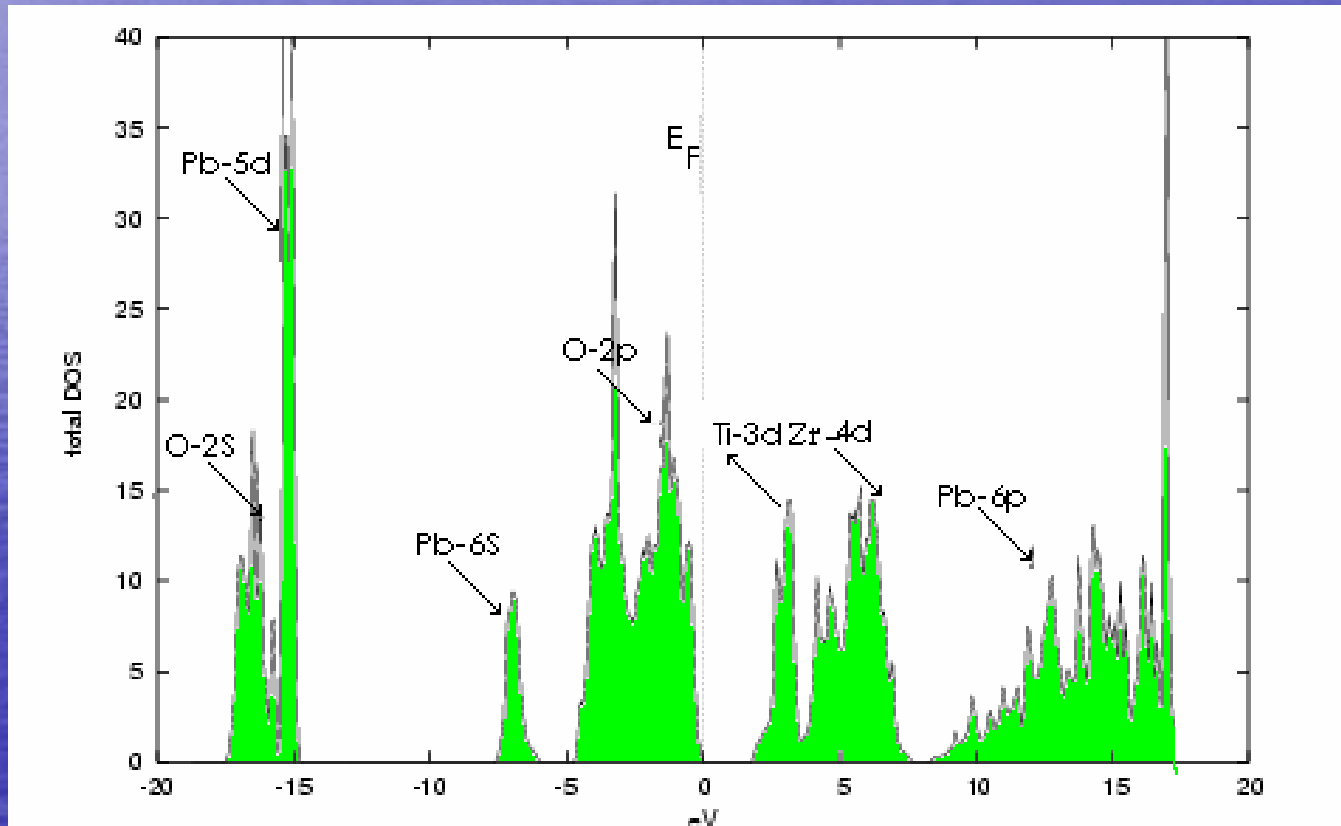




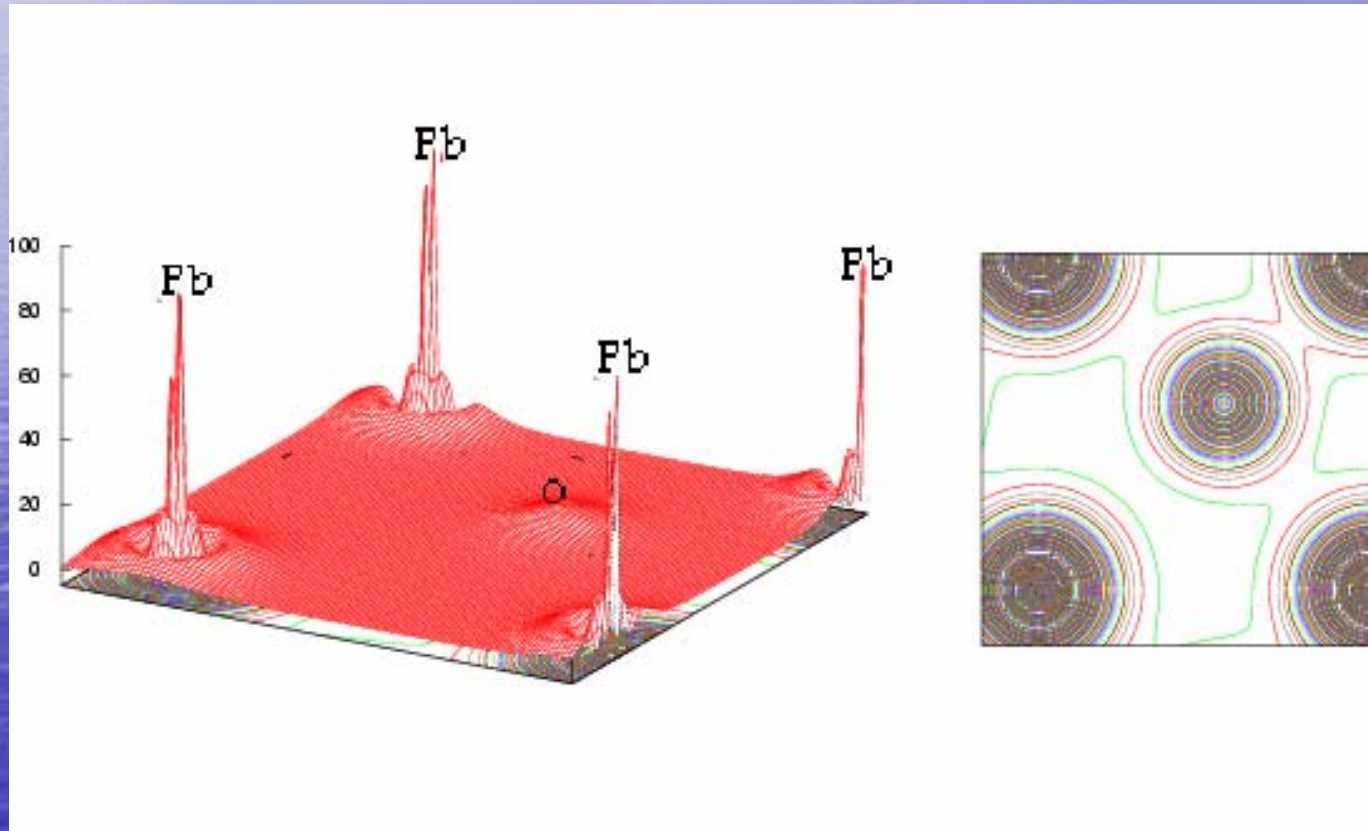
ترکیب $\text{Pb}(\text{Zr}_{0.33}\text{Ti}_{0.66})\text{O}_3$

- این ترکیب دارای شبکه رومبوهدرال در گروه فضایی $3m$
- است. ابر شبکه ان شامل ۱۵ اتم که بازای هر اتم Zr دو
- اتم Ti در راستای $\langle 001 \rangle$ جانشین می شود. اندازه گاف
- انرژی به مقدار قابل ملاحظه ای کاهش پیدا می کند
- $\Delta E_g = 1.81\text{eV}$. این را می توان بعلت افزایش تعداد اتم های Ti
- وهمچنین ناشی از افزایش تعداد تقارن های بلوری دانست

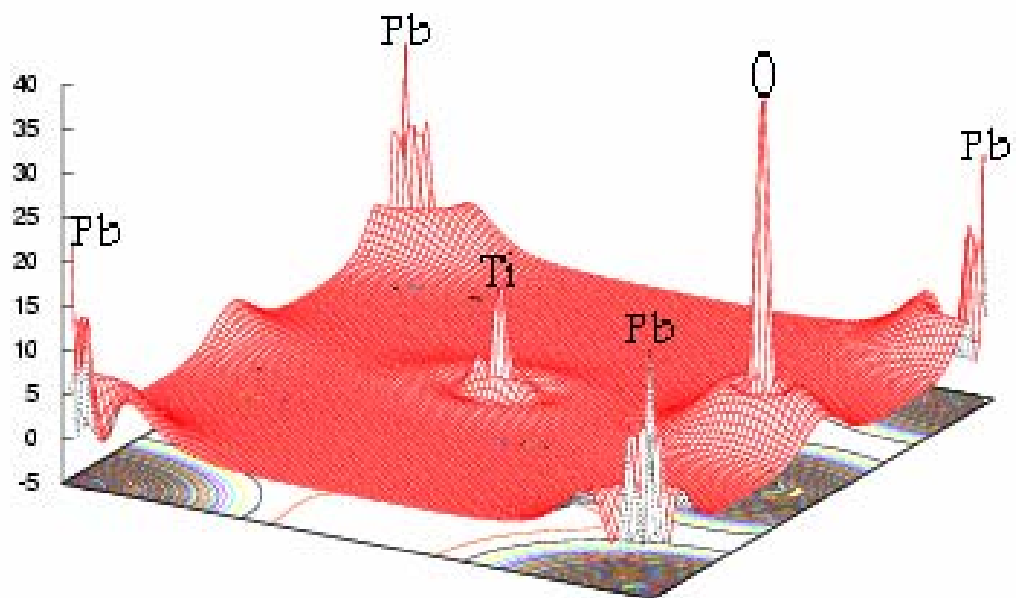
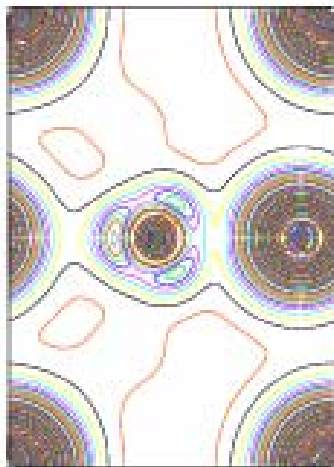
Pb(Zr_{0.33}Ti_{0.66})O₃ در ترکیب کلی در حالت‌های کلی در فاز رومبوهدرال با $E_g = 1.81 \text{ eV}$



چگالی الکترون در سه و دو بعد در جهت $\langle 100 \rangle$



چگالی الکترون در سه و دو بعد در جهت $\langle 110 \rangle$



نتیجه گیری

- در این پژوهش جزئیات ساختار الکترونی بلور $\text{Pb}(\text{Zr}_{1-x}\text{Ti}_x)\text{O}_3$ با $x=0,0.33,0.5,0.66$ در فازهای مربعی تا منو کلنیک با استفاده از روش (LAPW-FP) در چارچوب نظریه تابعی چگالی با اعمال تقریبهای GGA، بررسی شده است. نتایج حاصل از DOS و ساختار نواری نشان میدهد که با افزایش تعداد اتم های تیتانیوم به ترکیب **PbZrO3** گاف انرژی کاهش می یابد، که این بخاطر مشارکت اربیتالهای Ti-3d در تراز رسانش می باشد. اما کاهش تعداد تقارن های بلوری و نرم شدن ساختار بلوری باعث می شود، اندازه گاف انرژی افزایش پیدا کند. بنابراین از میان ترکیب های فوق گزینه $x=0.50$ مناسبترین انتخاب برای مواد سرامیک دی الکتریک و پیزو الکتریک می باشد(بزرگ بودن اندازه گاف انرژی و ثابت دی الکتریک).

- [1]- Jorge Iniguez, David Vanderbilt and L. Bellaiche Physical. Review. B 67, 224107 (2003)
- [2]- X. Chen, H. Yamane and K. Kaya, " Synthesis and properties of highly c-axis oriented PbTiO₃ thin films prepared by MOCVD method " J. phys. (1992) 1439-1444.
- [3]- S de Lazaro, E. Logo, J. R. Sambrano and A. Beltran, " structural and electronic properties of PbTiO₃ slabs: aDET periodic study" Surface Science 552, (2004) 149-159.
- [4] P. Blaha, D. Singh, P. I. Sorantin and K. Schwarz, Phys. Rev. B46, (1992)1321-1325.
- [5]- P. Blaha and K. Schwarz, Wien2k. Vienna University of Technology Austria (2002).
- [6]- K. Schwarz, P. Blaha and G.K.H. Madsen, Computer Physics Communications, (2002) 1-6.
- [7]- [Pierre-Henri Jouneau](#) Centre Interdépartmental de Microscopie Electronique, EPFL, Lausanne.
- [8]- B. Noheda*, J. A. Gonzalo, L.E. Cross, R. Guo, S-E. Park, D.E. Cox and G. Shirane, Phys. Rev. B 61 8687 (2000).
 - [9]- Zhigang Wu and Henry Krakauer, Phys. Rev. B 68, 014112-7 (2003).
 - [10]- The rhombohedral unit cell can be expressed in terms of a monoclinic one by:
$$a_m = 2a_r \cos(\alpha/2), b_m = 2a_r \sin(\alpha/2), c_m = a_r, \beta = 180 - \phi,$$
 where $\cos\phi = 1 - 2 \sin^2(\alpha/2) / \cos(\alpha/2)$ and a_r and α are the R3m cell parameters.
 - Note that a_r in ref. [11] refers to the doubled cell.



با تشکر از حضور شما